



2007年8月

碩士學位論文

경사진 흡입관이 부착된 분사펌프의 유동특성

朝鮮大學校 大學院

機械工學科

高 玹 鍹

경사진 흡입관이 부착된 분사펌프의 유동특성

Flow Characteristics a Jet Pump by Inclined Suction Pipe

2007 年 8 月 24 日

朝鮮大學校 大學院

機 械 工 學 科

高 玹 鍹

경사진 흡입관이 부착된 분사펌프의 유동특성

지도교수: 李 行 男

이 논문을 공학석사 학위신청 논문으로 제출함

2007 年 5 月 日

朝鮮大學校 大學院

機械工學科

高 玹 鍹

高 玹 鍹의 碩士學位 論文을 認准함

- 主審 朝鮮大學校 教授 工學博士 朴吉文 印
- 委員 朝鮮大學校 教授 工學博士 牟洋佑 印
- 委員 朝鮮大學校 教授 工學博士 李行男 印

2007 年 6 月

朝鮮大學校 大學院

목 차

LIST OF	TABLE	… Ш
LIST OF	FIGURES	····· IV
NOMENC	CLATURE	···· V
ABSTRA	CT	VII
제 1장	서 론	• 1
제 1절	연구배경	1
제 2절	연구의 목적	• 4
제 <i>2</i> 장	이론적 배경	7
제 1절	분사펌프의 이론식	7
제 2절	CFD 이론적 배경 및 이론식	10
제 3절	PIV 실험의 이론적 배경 및 이론식	23
제 .3장	수치해석	.3.3
제 1절	CFD 수치해석	33
제 2절	<i>CFD</i> 해석결과	36
제 4장	PIV 계측실험	62
제 1절	<i>PIV</i> 계측실험	62
제 2절	PIV 결과 및 고찰	66
제 5장	유량효율	72

제 6장	결 론	73
REFEREN	<i>CE</i>	74

감사의 글

LIST OF TABLE

Table. 3-1	CFD Condition of Driving Flow	34
Table. 3-2	Units of Physical Property	36
Table. 4–1	PIV System Visualization Equipment	64

LIST OF FIGURES

Fig. 1-1	Jet Pump Diagram	6
Fig. 2-1	Velocity Components in Jet Pump	9
Fig. 2-2	Discretization Diagram of X-Direction Momentum Equation \cdots	12
Fig. 2-3	Discretization Diagram of Y-Direction Momentum Equation	17
Fig. 2-4	Discretization Diagram of Continuity Equation	20
Fig. 2-5	Calculation of velocity vector by PIV	24
Fig 2-6	Auto - Correlation Method	29
Fig. 2-7	Cross - Correlation Method	32
Fig. 3-1	CFD Grid of Jet Pump	35
Fig. 3-2	Mean Velocity Vector Distribution (V=1m/s)	39
Fig. 3-3	Static Pressure Distribution (V=1m/s)	40
Fig. 3-4	Total Pressure Distribution (V=1m/s)	41
Fig. 3-5	Turbulent Kinetic Energy (V=1m/s)	42
Fig. 3-6	Turbulent Viscosity (V=1m/s)	43
Fig. 3-7	Mean Velocity Vector Distribution (V=2.08m/s)	44
Fig. 3-8	Static Pressure Distribution (V=2.08m/s)	45
Fig. 3-9	Total Pressure Distribution (V=2.08m/s)	46
Fig. 3-10	Turbulent Kinetic Energy (V=2.08m/s)	47
Fig. 3-11	Turblent Viscosity (V=2.08m/s)	48
Fig. 3-12	Mean Velocity Vector Distribution (V=2.54m/s)	49
Fig. 3-13	Static Pressure Distribution (V=2.54m/s)	50
Fig. 3-14	Total Pressure Distribution (V=2.54m/s)	51
Fig. 3-15	Turbulent Kinetic Energy (V=2.54m/s)	52
Fig. 3-16	Turbulent Viscosity (V=2.54m/s)	53
Fig. 3-17	0mm point velocity distribution	56
Fig. 3-18	90mm point velocity distribution	57
Fig. 3-19	180mm point velocity distribution	58
Fig. 3-20	0mm point Pressure distribution	59
Fig. 3-21	90mm point Pressure distribution	60
Fig. 3-22	180mm point Pressure distribution	61
Fig. 4-1	Schematic Arrangement of PIV System	63
Fig. 4-2	Photograph of Experimental Equipment	65
Fig. 4-31	Mean Velocity Vector by PIV	70
Fig. 5-1	Flux Efficiency	72

Nomenclature

а	: Duct half-width (mm)
b	: Duct half-height (mm)
D_s	: Pipe diameter (mm)
D_h	: Hydraulic diameter (4ab/2(a+b) mm)
f	: Frequency of oscillation
g	: Gravitation (m/sec^2)
Le	: Entrance length (mm)
$M \times N$: Length of test section (mm×mm)
р	: Pressure (N/m ²)
f(i,j)	: Grey level in the 1st frame
_ f	: Average Grey level in the 1st frame
g(i,j)	: Grey level in the 2ndt frame
_ g	: Average grey level in the 2nd frame
Re	: Reynolds number
t	: Time (sec)
u, v, w	: Velocity components in x, y and z-axis
х, у, z	: Rectangular coordinates of test section
Q	: Flow rate (l/s)
t	: Mass flow rate (kg/s)

Greeks

γ_{air}	: Specific weight of air (N/m ³)
μ	: Coefficient of viscosity $(N \cdot sec/m^2)$
u	: Coefficient kinematic viscosity (m ² /sec)
ρ	: Density (Kg/m ³)

Subscripts

C_r	: Critical value
е	: Value on developing flow
fd	: Value on developed flow
m	: Cross-sectional mean value
р	: Fluid particle
q	: Quasi-steady flow
S	: Straight duct

st : Steady flow

Superscripts and others

- : Mean value
- \wedge \qquad : Quantities in the laplace domain
- * : Dimensionless quantity

ABSTRACT

Flow Characteristics a Jet Pump by Inclined Suction Pipe

Hyun-Sun, Go

Advisor :Prof. Lee, Haeng-Nam, Ph. D. Department of Mechanical Engineering, Graduate School of Chosun University

A jet pump is a fluid delivery device which spouts fluid of high pressure from a driving pipe and absorbs fluid of high pressure whose pressure is increased through exchange of momentum with surrounding gas of low pressure. As it has no mechanical movement, failure is rarely found. It is extensively applied for various types of industries and construction such as heat engines, fluid mechanical power stations, air-conditioning duct, chemical and petroleum chemistry, food and environment industry in that it provides smooth operation in absorbing solid as well as fluid and gas. Jet pumps can be easily constructed and installed irregardless of size of systems, can be easily used at the places involved in fluid and have little need of maintenance, and its expense is reasonable.

Therefore, this study aims at presenting basic data to apply the whole jet pumps that will be used for mechanical devices or constructional equipments as alternative devices of pumps or mechanical devices instead of simple compression or vacuuming devices. For the purpose, it presents optimalization design by analysing what can not be obtained through experiments to evaluate improved or new performance of the device, analyses general contents of flow by acquiring exact test data on specific interpretative areas using more advanced experimental techniques, and identifies flow characteristics of jet pumps by examining validity of experiments using computer hydrodynamics to demonstrate the experiment. (1) At 90°, the influence of turbulence viscosity was extended to the expanded tube through the absorption duct, which indicates that fluid absorption of the pump affected decreased flow quantity efficiency.

(2) In respect to static pressure distribution, this study found that negative pressure occurred at rounded part of the branch duct. It is thought that when the fluid was absorbed from the absorption tube to the expanded duct, the points attached by eddy flow were found due to changed speed and its direction

(3) At 45°, the static pressure distribution had negative value, and when it was found that eddy flow increased due to increased absorption speed, this study suggests that the condition of curvature design for absorption tube in respect to further speed conditions should be considered important.

(4). When turbulence momentum energy increased, dissipation value also increased and energy loss was found. As such energy loss was involved in temporary thermal movement of molecules through transformation of internal energy, it was found that the dissipation was related to the equation of viscosity. To decrease the energy loss, this study suggests that we have to find a configuration of nozzle and optimal points from the points when energy value of turbulence movement increased.

(5). It was found that there was a difference in speed between upper and lower parts of the expanded ducts. It was because the speed value of the place near to the wall had smaller value than the opposite due to absorption according to different angles of absorption duct, but the farther from the wall, the speed vector value returned to increased value, which contributed to increased flow quantity efficiency. That is, it was found that the width of recovery increased, as flow velocity of absorbed flow quantity increased.

(6). The extinction of the full pressure distribution value was smaller due to absorption at $y / D_h > 0.5$ than that of the opposite, but the nearer to the wall and faster, negative pressure was generated. It was thought because the flow absorbed caused eddy flow by shearing force of the wall. As such case caused flow quantity efficiency to decrease, this study suggests that proper

locations should be selected to realize nozzle configuration at the expanded tube after the driving engine duct, which will contribute to least flow quantity loss.

제1장 서 론

제1절 연구배경

에너지 효율을 증대시키기 위한 노력은 오늘날과 같은 문명사회를 구축하였으며 이에 대한 연구는 끊임없이 계속되고 있다. 에너지 효율을 증가시키기 위한 한 예 로서 분사펌프(Jet Pump)는 산업현장에서 흡수, 혼합, 탈수 등의 목적으로 사용되 고 있을 뿐 아니라, 주거환경의 90%를 차지하고 있는 건축물은 초고층, 대형화로 인해 쾌적한 환경을 만들어 내기위한 공기조화 기술에서도 가장 중요한 사항으로 연구되고 있다.

분사펌프(Jet Pump)는 고압의 유체를 구동관로에서 분출시켜, 그 주변의 저압기 체와 운동량 교환을 통하여 저압의 유체를 보다 높은 압력까지 상승시켜 흡인되는 원리를 이용한 수송장치로서 기계적 운동부분이 없기 때문에 고장이 거의 없다. 액 체, 기체는 물론 고체가 혼입하여도 작동상 별다른 무리가 없다는 점에서 열기관, 유체기계 발전소, 공기조화 덕트, 석유화학, 식품공업, 환경산업 등 많은 공업 및 건축분야에 적용되고 있다. 또한 분사펌프는 시스템이 대형, 소형화 등 크기에 상 관없이 단순 구조로 제작이 가능하고, 설치가 용이하여 유체가 유동하고 있는 장소 에서 쉽게 이용할 수 있으며, 설계 제작비가 저렴할 뿐만 아니라 유지보수가 거의 불필요한 반영구적인 유체기계라는 장점을 가지고 있다.

이러한 분사펌프에 관한 사용으로서, Chen과 Hsu¹⁾는 냉동장치에 적용하여 높은 온도 쪽에 보일러를 첨가하여 분사펌프를 압축기 대신 사용하였다. Fluegel²⁾은 액 체-액체 분사펌프의 유동특성을 베르누이 방정식과 운동량 방정식을 적용하여 기 본적인 해석방법을 제시하였으며 증기-증기 분사펌프의 각각의 상태점을 엔탈피- 엔트로피 선도로 나타내었다. Sun and Eames³⁾는 냉동시스템에서 이중 증발기의 출구에 분사펌프를 설치하여 압축일을 줄여 성적계수를 향상 시킬수 있음을 이론 과 실험을 통해 분석하였다. 구동유체와 홉입유체의 혼합에 관한 이론적 연구를 중 점적으로 수행하였다. 그 외 Witte⁴⁾ 에 의한 액체-가스 분사펌프에 대한 이론적인 설계방법, Biswas and Mitra⁵⁾에 의한 다공노즐에 대한 홉입량과 액체와 가스의 혼 합 특성을 규명한 연구들이 있다.

그러나 이러한 장치들에 관한 연구는 기존의 환경에 따라 설명 되어졌으며, 속 도, 온도, 유량, 압력 등 유체역학 연구에 중요한 내용들은 이론적인 연구만으로 행 하여지는 미비함을 가지고 있다. 실험적인 방법으로서, 피토관, 열선유속계, 유량계, LDV 등이 사용되어왔는데, 이러한 실험 방법들은 국부적인 몇몇 위치에서 속도나 압력 값만을 제공하였고, 유동전반에 대해 어떠한 영향을 미치지 않았다고는 생각 할 수는 없으며, 자연계에서 거의 일어나는 비정상, 난류유동에 대한 공간변화와 이에 대한 유동 패턴의 해석을 하기에는 거의 불가능하다고 볼 수 있다. 하지만 컴 퓨터를 비롯한 하드웨어의 급속한 발달과 디지털 화상 처리기법의 발전에 힘입어 최근의 실험 방법으로 입자영상유속(Particle Image Velocimetry, PIV) 실험 기법 이 개발되어 유동장 정보를 정량적으로 획득할 수 있으며, 유체의 기본 물리량을 동시다점으로 계측하여 연구할 수 있게 되었을 뿐만 아니라 비정상적인 유동패턴 을 가시화 시킴으로서 유체 유동에 대한 전반적인 해석이 가능하게 되었다.

CFD란 유체역학과 수치해석을 병합시켜 수학적으로 풀기 어려운 비선형 편미분 방정식들의 근사해를 구하는 학문으로서 컴퓨터의 처리속도와 용량이 증가함에 따라 수치해법의 발달과 조합하여 전산유체역학(Computational Fluid Dynamics, CFD)은 다양한 정식화 기법을 적용하여 모든 유동장 해석 연구에 수행되어지며 실험으로 얻기 어려운 유체역학 문제를 해결하고, 실험값과 비교 / 분석할 수 있는 미래의 해석기법으로 인식되고 있으며, 컴퓨터를 이용한 수치 해석적 방법은 많은 비용과 시간이 소비되는 실험에 의한 방법에 비해 빠르고 경제적인 장점이 있어 많은 산업분야에 응용되고 있는 추세이다. 실제로 실험적 방법에 비해 수배의 비용 절감과 시간 단축을 할 수 있으며, 실험적 방법으로 해석할 수 없는 분야도 컴퓨 터에 의한 시물레이션(simulation) 작업으로 해석이 가능하게 되었다.

따라서, 본 연구에서는 기존의 방법보다 더욱 발전된 실험기법을 이용하여 특정 해석영역에 대한 정확한 실험 데이터를 획득하여 유체유동에 대한 전반적인 내용 을 분석하고, 이 실험을 검증할 만한 자료로서 전산유체역학을 이용하여 실험의 타 당성을 점검하여 주어진 문제인 분사펌프의 유동특성을 규명하고, 실험으로는 얻을 수 없는 부분들에 대한 내용을 분석하여 최적화 설계를 제시함으로서 장치의 성능 개선이나 새로운 성능평가를 할 수 있도록 하여 향후 기계 장치나 건축설비에 이 용하게 될 제반적인 분사펌프 장치들을 단순 압축이나 진공장치로서가 아닌 펌프 및 기계장치들을 대용할 수 있는 장치로 적용하는데 필요한 자료를 제공하고자 한 다.

제2절 연구의 목적

본 연구는 분사펌프의 원리를 응용한 슬러지 분리형 디퓨져 펌프 개발에 관한 것으로서 이론적 정립과 실험과 수치해석을 통한 최적 설계를 행하는데 목적을 두 고 있고, 그에 대한 장치의 도해는 Fig. 1-1에 도시하였으며, 디퓨져를 사용하는 일 반적인 확산펌프설비의 확산부분 및 챔버를 개발하여 기존 펌프에 적용시켜, 펌프 의 효율을 증대함은 물론, 슬러지를 여과하고, 송출구경이 큰 경우에도 적용이 가 능하게 하는데 있다. 유체의 이송에 대한 이론 및 기술적인 발전은 압력수두와 속 도수두를 변환하는 방법과 펌프의 여러 효율을 증가시키는 방법으로 제트펌프와 확산펌프가 이용되고 있다. 제트펌프의 경우 압력을 증가시켜 속도를 배가시키면 전수두는 속도의 제곱에 비례하므로 전양정 또한 속도의 제곱에 비례하게 된다. 그 러나 이 경우 제트효과를 만족시키기 위하여는 반드시 일정한 에너지 지식에 따른 관내경을 작게하여야 하므로 대구경에서는 송출압력을 높게하는 데는 많은 동력을 필요로 하기 때문에 무리가 따른다. 종래의 확산펌프의 유체이송은 L자형 구조로 인하여 양정효율이 저하되며, 기포발생 및 슬러지가 증가될 경우에는 관내 송수가 원할치 못하며, 특히 2곳 이상에서 원수를 취수하는 경우, 취수량에 따라 펌프의 특성곡선이 다른 2개의 펌프를 연합 운전시 압력의 차이가 생길 경우 저압측의 펌 프에 역류가 생겨 성능에 큰 영향을 미친다. 이러한 L자형 구조의 송수관로를 직선 형으로 바꿔 기포 및 슬러지가 많이 포함된 유체의 이송을 원활하게 하고, 특히 취 수량의 차이로 배관내의 차압이 발생되는 경우에도 입구 측 플랜지 내부에 장착된 확산관 주변의 제트슬리트에 형성되는 진공압으로 상호다른 차압의 배관수도 원활 히 혼입되어, 과부하로 저압측의 펌프가 멈추거나 캐비테이션 현상이 발생되지 않 아 효율을 증대시킬 수 있을 것이며, 여기에 슬러지 분리장치를 부착하여 슬러지 및 부유물을 처리할 수 있는 장치를 부가적으로 설치할 수도 있을 것이다.

이 장치는 종래의 원심 분리식 슬러지 분리장치가 부유물이나 모래가 자주 막히 는 단점을 보완하여 원통형 챔버의 내벽을 따라 수류가 회전되게 펌핑시켜, 원심 속도가 느린 챔버의 중심수류에 배치된 확대관을 통해 정수된 유체만 챔버 상층으 로 분리해 낼 수 있는 슬러지 분리 장치이며, 이 장치를 확산펌프에 부착한 것으로 서, 확산펌프 본체는 입구측 플랜지로 유입하게되는 배관수가 확산펌프 몸체 내경 의 출구측 플랜지에 근접된 확대관을 통해 배출되는 순간 배관수의 수압이 확산되 어 진공상태가 되고, 이러한 진공상태는 확대관 송출구경 주변의 제트 슬리트 주변 배관수가 자기흡입 방식으로 수류가 형성되어, 확산 펌프 몸체에 직각으로 분기 형 성된 흡입관을 통해 유입되어, 입구측 플렌지와 동일선상에 있는 출구측 플랜지로 배출되는 배관수와 혼입되어 일반 급수펌프의 양정력을 크게 증진하는 효과가 있 다. 확산펌프에 부착할 슬러지 분리기는 별도의 구동장치를 공급하지 않고, 챔버로 유입된 수류가 일정방향으로 관내벽을 따라 회전되게 유도시켜, 비중이 무거운 현 탁 슬러지는 아래로 퇴적 분리시킴과 동시에 비중이 가벼운 부유물은 챔버 상부의 스크린과 여과재에 의해 여과 흡수되어 배출되게하고. 챔버의 중심수류에 배치된 확대관에 의해 정수된 물은 챔버 상승으로 흡입분리하는 장치로서 내부구조가 간 단하며 역세척이 필요치 않으며, 슬러지 및 부유물을 처리하기 위해 별도의 응집재 를 사용하지 않게 하며, 설치면적이 적으면서도 유지 가동비가 거의 들지 않게하고 경제적으로 운전되는 특징을 가진다. 이와 같은 장치를 사용할 때 산업상 미치는 효과는 기존 펌프와 비교시 단위 무게당 발생 수동력 증대로 설비 면적이 축소되 어 설비비가 절감되고 유지관리 및 기기의 소형화에 따른 비용의 절감으로 가격 경쟁력을 향상시키고, 펌프 뿐만 아니라 공기조화에 응용이 가능하여 건축구조물의 획기적인 에너지 절감으로 모든 경제분야에 크나큰 영향을 미칠것으로 생각되며. 학문적 가치로서는 분사펌프 원리를 이용한 슬러지 분리형 확대관로에 대한 이론 적 뒷받침과 그에 따른 실험치를 표준화하고, 수치해석을 이용한 실험의 타당성 규 명하여 유체이론을 보다 체계적으로 습득하여 능률적이고 체계적으로 확산펌프에 대한 이해를 도울수 있을 것으로 확신한다.



8. jet slit

Fig. 1-1 Jet Pump Diagram

제2장 이론적 배경

제1절 분사펌프의 이론식

1. 분사펌프 내의 유동 지배방정식

Fig. 2-1은 이론에 적용하게 될 분사펌프 내의 관로 명명에서 속도 V₁을 운반하는 관로를 구동관로, 분지부 형태를 가지고 있고 V₂를 유발하는 관로를 흡입관로, V₁, V₂가 서로 혼합되는 관로를 확대관로로 정하면, 혼합(확대)관로와 흡입관로, 구동관로의 조합인 분사펌프에 연결된 혼합영역(Mixing Area)에 대한 유동특성을 이론적으로 규명하기 위하여 본 연구에 적용한 좌표계를 Fig 2-1에 설명되어 있는 데, 속도 V₁과 면적 A₁의 제트가 한 지점에서 면적 A의 혼합관로에 같은 축으로 배열되어 있다. 여기서 혼합관로의 유동의 속도는 V₂이고 압력은 p₁이다. 두 흐름 이 완전히 혼합되는 하류에서, 속도는 V₃, 압력 p₂는 p₁보다 크다. 압력상승의 크기 p₂ - p₁은 Fig 2-1에 보여진 검사체적 내에 있는 유체에 질량과 운동량 보 존을 적용함으로써 얻어지며, 속도 V₂와 V₁ 및 면적비 A₁/A에 의존한다.

구동유체와 흡입되는 유체가 둘 다 비압축성이고 같은 밀도를 가진 경우를 고려 해 보면, 검사표면을 가로지르는 유체의 정상유동에 대해서 다음과 같은 법칙을 적 용할 수 있다.

먼저 질량보존의 법칙을 적용하면,

A V₃ = (A - A₁) V₂ + A₁ V₁-----(2-1) 이 된다.

ρ ρ ρ

이젝터 내의 검사체적에 대하여 선형 운동량 방정식을 적용하면,

 $\frac{d}{dt} \int \int \int_{V} V \, dV + (m^{\circ} V)_{out} - (m^{\circ} V)_{in}$ $= \int \int_{S} (-pn) dS + \int \int_{S} dS + \int \int \int_{V} g dV^{-----(2-2)}$ 이다. 여기에서 사용된 선형 운동량 이론은 검사체적에 유체만을 포함하고 있다고 가정한 것이다. 그러나 실제 사용된 장치는 유체 주위를 둘러싸고 있는 고체(덕트) 가 존재함으로 이것은 유체에 외력을 가한다. 이러한 힘 외력 F_{ex} 를 설명하기 위하여 우변에 $\sum F_{ex}$ 항을 더해야만 한다. 따라서 위의 선형운동량 식은 $\frac{d}{dt} \int \int \int_{V} V d \forall + (m^{\circ} V)_{out} - (m^{\circ} V)_{in}$ $= \int_{S} \int_{S} (-pn) dS + \int_{S} dS + \int_{V} \int_{V} g dV + \sum F_{ex} \circ [\Xi \Box, ----(2-3)]$ 여기에서 정상유동 비압축성 유동이라고 가정하고, 점성에 대한 영향은 크지 않다 고 가정하면 위의 식은 다음과 같이 정리된다. Ω $0 + A V_3^2 - (A - A_1) V_2^2 - A_1 V_1^2$ $= (p_1 - p_2)A + 0 + 0 + 0$ 이 두 방정식 사이에서 V_3 를 제거하고 압력상승에 대하여 풀면, ρ ρ ρ $p_2 - p_1 = \frac{A_1}{A} \begin{pmatrix} 1 - \frac{A_1}{A} \end{pmatrix} (V_1^2 - V_2^2)^{------(2-4)}$ 이 된다. 우리가 기대할 수 있는 최대 압력상승은 V_1 의 속도로부터 $V_3 = V_1A_1 / A^2$ 감속하는 제트의 바점성 유동에 대한 것, 또는 $(V_1^2/2)(1 - A_1^2/A^2)$ 의 압

력특하는 세트ㅋ 비점장 유장에 대할 것, 또는 ($V_1 / 2$)(1 - A_1 / A)ㅋ 비 력상승이다. 이 압력상승으로 식(2-3)을 나누면 분사펌프 식에 대한 무차원 형태를

ρ

얻는다.

$$\begin{split} \rho_1 - \rho_2 &= 2 \begin{pmatrix} A_1 / A \\ 1 + A_1 / A \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 - V_2 \\ V_1 \end{pmatrix}^2 - \dots - (2-5) \\ \hline 2 & V_1^2 [1 - (A_1 / A)^2] \end{pmatrix} = 2 \begin{pmatrix} A_1 / A \\ 1 + A_1 / A \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 - V_2 \\ V_1 \end{pmatrix}^2 - \dots - (2-5) \\ \hline 2 & \dots - (2-5) \end{pmatrix} \\ \hline A_1 / A \leq 1 \text{ 이 } 2 & V_2 / V_1 \leq 1 \text{ 이 } 7 \text{ m E } M \text{ (2-5) } 9 \text{ P H o } N \text{ o } N \text{ o } 1 \text{ U } 1 \text{ O } T \\ \hline A_1 / A \leq 1 \text{ O } 2 & V_2 / V_1 \leq 1 \text{ O } 7 \text{ m E } M \text{ (2-5) } 9 \text{ P H o } N \text{ o } N \text{ o } 1 \text{ U } 1 \text{ O } T \\ \hline E \text{ jector } \text{ , } \text{ M E } \text{ a } \text{ a } \text{ o } \text{ J } \text{ U } 1 \text{ O } 1 \text{ m } \text{ E } M \text{ O } (2-5) \text{ P H o } 1 \text{ O } 1 \text{ m } \text{ E } M \text{ O } 1 \text{ O } 1 \text{ O } 1 \text{ m } 1 \text{ O } 1 \text{ O } 1 \text{ m } 1 \text{ O } 1 \text{ O } 1 \text{ m } 1 \text{ O } 1 \text{ O } 1 \text{ m } 1 \text{ O } 1 \text{ O } 1 \text{ O } 1 \text{ O } 1 \text{ m } 1 \text{ O } 1 \text{ m } 1 \text{ O } 1$$



Fig. 2-1 Velocity Components in Jet Pump

제2절 CFD 이론적 배경 및 이론식

1. CFD 이론적 배경

점성(viscosity)이 있는 유체운동의 직접적인 수치해석은 1953년경부터 시작하였는 데, 작은 레이놀즈수(Low Reynolds Number)에서의 단순한 2차원 원주유동을 당시 의 수동 계산기를 1년 동안 계속 돌려서 수치해석을 수행하였다. 현재는 부동(浮 動) 소숫점 계산을 1초당 10⁹회 이상 수행하는 즉, 1G(=10⁹) FLOPS (Floating Point Operation Per Second)이상의 슈퍼컴퓨터를 구사한 수치해석이 항공기, 에너 지 기계, 기상 등 여러 분야에서 유체현상의 해석과 설계에 커다란 공헌을 하고 있 다. 그러나, 레이놀즈수가 큰 유체의 운동은 난류유동에 의해서 지배되며, 그 비선 형성(非線型性)에 의해서 생기는 여러 가지 스케일의 와류운동(Vortex Motion)을 포함하고 있지만, 현재까지도 이 모든 와운동구조를 규명할 수 없어서 난류모델 (Turbulence Model)을 도입하여 보완하고 있는 실정이다. 수치유체역학에서 Navier-Stokes 방정식을 완벽하게 풀어내는 것은 현시점에서는 불가능하며, 반드시 물리적인 고찰과 모델이 필요하다.

고전적인 유체역학의 역사도 역시 점성의 영향을 어떻게 해석에 집어넣을까라는 문제로 하나의 커다란 흐름을 형성하고 있다. Navier-Stokes 방정식이 만들어진 뒤 에는 작은 레이놀즈 수에서의 유동을 해석적으로 명확히 하기 위해 관성항을 생략 하는 stokes근사나, 그 점근 전개를 이용하는 Oseen 근사를 생각해내게 되었다. 큰 레이놀즈수의 유동을 명확하게 하기위해 점성의 영향을 벽면 가까이에 한정시킨 경계층 이론(Boundary Layer Theory)을 만들어 내었다. 이 경계층과 그 외측 유동 을 표현하는 이상유체(理想流體)의 유동을 실제로 풀기 위해서 수치계산이 본격적 으로 도입되었다. 현재 널리 행하여지고 있는 수치유체역학(數値流體力學)은 필요에 따라 난류모델을 도입하면서도 Navier-Stokes방정식을 직접 풀어서 점성유체의 운동을 명확히 하는 수치계산방법이다. 따라서, Stokes 근사나 경계층 근사 등 근사방법은 사용되고 있 지 않다. 그러나, 컴퓨터로 풀 수 있도록 기초방정식을 이산화(Discretization)하기 때문에, 이 과정에서 생기는 근사나 오차를 당연히 포함하고 있는 것을 인식할 필 요가 이다.

Navier-Stokes 방정식 등의 미분방정식을 이산화 하는 방법으로 크게 유한차분법 (FDM : Finite Difference Method), 유한요소법(FEM : Finite Element Method), 유한체적법(FVM : Finite Volume Method)의 3가지 종류를 들 수 있다. 컴퓨터는 미분방정식을 해석적으로 푸는 것이 불가능하기 때문에, 풀어야 할 영역에 배치된 유한개의 격자점상에서의 미지수에 관한 대수방정식이나 관계식을 만드는 것이 요 구된다. 이것을 이산화(Discretization)라고 한다. 본 논문에서 유한체적법(FVM)을 사용했으며, 이것은 비압축성 유동에 대한 수치해석 방법의 하나인 SIMPLE(Semi-Implicit Method for Pressure-Linked Equation)도입과도 관련이 있 다. 이 해법은 정상(steady) 유동을 효율적으로 풀 수가 있으며, 퍼스널 컴퓨터나 워크스테이션 등의 소형계산기에서도 충분히 이용될 수 있다. SIMPLE해법과 유한 체적법은 오랜 경험과 전통으로부터 일체화되어 발전되어 왔다.

2. 유한체적법

유한체적법은 운동량 및 질량보존법칙(Conservation Principle)을 만족시키기에 용이하도록 적분으로 기초방정식을 이산화하는 방법이다. 구체적으로는 고려하고 있는 격자점을 중심으로 한 미소영역 내에서 방정식을 적분하고, 그 경계의 값을 인근 격자점을 이용하여 요구되는 정확도로 주어 적분식을 이산화 하는 것이다. 미 소영역에서 보존법칙을 만족하는 것은 Navier-Stokes방정식 등의 기초방정식을 구 할 때 당연하게 실행되어 왔다. 그러나 최종적으로 얻어진 미분방정식을 단순히 차 분한 경우에는 이산식이 보존법칙을 만족시키지 못할 경우도 발생한다. 이에 반해 유한체적법은 적분한 후 이산화하기 때문에 항상 그 미소영역 내의 운동량 등의 출입을 고려하게 되어 보존법칙을 확실하게 만족시키는 이산식을 얻을 수 있다.

가. x 방향 운동량방정식의 이산화



운동량방정식을 속도 u를 미지수로 하여 유한체적법으로 이산화 하도록 한다.

Fig. 2-2는 이산화 할 때의 위치 및 길이에 대한 기호를 나타낸 것으로, 사선은 적분하는 영역, 즉 제어체적을 나타낸다. 첨자 (*I*, *J*)에 대응하는 중심점 P의 위 치에서 속도 *U*(*I*, *J*)를 정의한다. 엇갈림 격자를 취하고 있기 때문에 압력 *p*는 제 어체적의 경계점 w, e에서 주어지고, 속도 *v* 는 경계의 모서리에서 주어진다. 이때 압력과 속도 *v*의 *x*방향 첨자 *I*는 그것들의 서쪽에 있는 속도 *u*와 일치된다. *v* 방향에 대해서는 압력의 위치는 속도 *u*와 같으나 속도 *v*는 북쪽에 있는 속도 *u* 의 첨자 *f*에 대응된다. 비 균일한 격자간격에 대해서도 응용될 수 있도록 *x*, *y* 양 방향의 좌표, 격자간격 등에도 배열(Dimension)을 가지도록 한다. 참고로 대문자로 나타낸 변수는 후술하는 프로그램에서 이용되고 있는 변수명과 거의 일치한다. 대류항의 제1항에 대한 이산화를 다음과 같이 진행한다.

$$\int \int \frac{\partial}{\partial x} (u \cdot u) dx dy = \Delta y \int \frac{\partial}{\partial x} (uu) dx = SNS(\mathfrak{H} * [(uu)_e - (uu)_w]$$

$$= SNS(\mathfrak{H} * \{0.5 * [DEN * U(I, \mathfrak{H} + DEN * U(I+1, \mathfrak{H})] * u_e$$

$$- 0.5 * [DEN * U(I-1, \mathfrak{H} + DEN * U(1, \mathfrak{H})] * u_w\}$$

$$= SNS(\mathfrak{H} * 0.5 * \overline{(GP + P^{2})} * u_e - SNS(\mathfrak{H} * 0.5 * [GW + GP) * u_w$$

$$= CE * u_e - CW * u_w = CE * 0.5 * [U(I+1, \mathfrak{H} + (I-1, \mathfrak{H})]$$

$$- CW * 0.5 * [U(I, \mathfrak{H} + U(I-1, \mathfrak{H})] = -----(2-2)$$

즉 *y*방향의 적분에 대해서는 평균값 *y*방향의 구폭간 *SNS(J)*를 곱한 것으로 나 타내고, *x*방향의 적분은 원시함수(原始函數) *uu*가 주어져 있기 때문에 그 적분 구간의 차로서 표현되어 있다. 여기서 *DEN*은 의 변우값으로 주어져 있다. 미지 수인 속도 u의 선형방정식을 얻기 위해 *uu*의 한쪽 *Q*는 이미 알고 있는 값을 이용하여 계수에 포함시켜서 최종 식(2-2)을 얻는다.

대류항의 제2항도 같은 방법으로 유한체적법에 의한 이산화방정식 (2-3)을 얻는 다. 속도 v는 이 방정식에서 미지수로 취급하지 않기 때문에 계수에 포함되어 있 다.

$$\int \int \frac{\partial}{\partial y} (vu) dx dy = x \int \frac{\partial}{\partial y} (vu) dy = SWEN(f) * [(vu)n - (vu)_s]$$

$$= SWEN(f) * [(vu)_n - (pvu)_s]$$

$$= SEWU(f) * \{0.5 * [DEN * V(I, J+1) + DEN * V(I-1, J+1)] * u_n$$

$$- 0.5 * [DEN * V(I, g) + DEN * V(I-1, J] * u_s\}$$

$$= SEWU(f) * 0.5 * (GN + GNW) * u_n - SEWU(f) * 0.5 * (GS + GSW) * u_n$$

$$= CN * u_n - CS * u_s = CN * 0.5 * [U(I, J+1) + U(I, J)]$$

$$- CS * 0.5 * [U(I, J) + U(I, J-1)]$$

점성항의 제1항에서 _V방향의 적분은 평균값에 구간간격을 곱하여 나타내고 _X방 향은 원시함수 _{∂u/∂x}의 차로 나타낸다. 이 미분항의 동쪽 경계 e에서의 값은 속 도 _u의 점 E, P의 차를 이 두 점간의 거리 *DXEPU(1)*로 나눈 것으로 주어지며, 2차 정확도를 가진다. 식(2-4)은 점성항의 제1항에 대해 이산화된 식을 나타내며 , 식(2-5)는 같은 방법으로 하여 얻어지는 점성항 의 제2항에 대한 이산화된 식을 나 µ

$$\int \int \frac{\partial}{\partial x} \left(u \frac{\partial}{\partial x} \right) dx dy = y \int \frac{\partial}{\partial x} dx = y \left[\left(u \frac{\partial}{\partial x} \right)_{e} - \left(u \frac{\partial}{\partial x} \right)_{e} \right]$$

$$= SNS(j) * \left[V IS * \frac{1}{DXEPU(j)} * (\partial u)_{e} - VIS * \frac{1}{DXEPU(j)} (\partial u)_{u} \right]$$

$$= DE * (\partial u)_{e} - DW * (\partial u)_{u} = DE * \left[u(I+1, j) - U(I, j) \right]$$

$$- DW * \left[U(I, j) - U(I-1, j) \right] - (UI-1, j)$$

$$= SEWU(j) * \left[V \int_{\Delta}^{\Delta} 5^{*} \frac{1}{DYNP(j)} * (\partial u)_{e} - VIS * \frac{1}{DYPS(j)} * (\partial u)_{s} \right]$$

$$= DN * (\partial u)_{u} - DS * (\partial u)_{s} = DN * \left[U(I, j-1) \right] - (2-5)$$

압력 구배항은 *y*방향에 대해서는 평균값에 구간간격을 곱하고, *x*방향은 경계점 *w*,*e*에 압력의 격자점이 배치되어 있기 때문에 그것들의 차로 직접 주어진다.

$$\int \int \left(\begin{array}{c} \partial p \\ \partial x \end{array} \right) dx dy = - y \int \begin{array}{c} \partial p \\ \partial x \end{array} dx = - y \left[p_e - p_w \right]$$
$$= SNS(\mathcal{J} * \left[P(I-1, \mathcal{J} - P(I, \mathcal{J}) \right] \quad ------(2-6)$$

이상의 각 항을 종합하면 _#방향 운동량방정식의 이산화방정식은 다음 식과 같이 된다.

$$\begin{aligned} AP(I, J) * U(I, J) &= AM(I, J) * U(I, J+1) \\ &+ AS(I, J) * U(I, J-1) + AE(I, J) * U(I+1, J) \\ &+ AW(I, J) * U(I-1, J) + SP(I, J) * U(I, J) + SU(I, J) & --(2-7) \\ AM(I, J) &= -0.5 * CN + DN \rightarrow DN + [-CN, 0] \end{aligned}$$

 $AS(I, J) = 0.5 * CS + DS \rightarrow DS + [CS, 0]$ $\rightarrow [CS, DS + 0.5 * CS, 0] -----(2-9)$ $AE(I, J) = -0.5 * CE + DE \rightarrow DE + [-CE, 0]$ $\rightarrow [-CE, DE - 0.5 * CE, 0] -----(2-10)$ $AW(I, J) = 0.5 * CW + DW \rightarrow DW + [CW, 0]$

 $\rightarrow [CW, DW + 0.5 * CW, 0] -----(2-11)$

AP(I, f) = AM(I, f) + AS(I, f) + AE(I, f) + AW(I, f)

+ (CN - CS + CE - CW) -----(2-12)

$$SU(I, f) = SNS(f) * [P(I-1, f) - P(I, f)]$$
 -----(2-13)

나. /방향 운동량방정식의 이산화

식 (2-14)의 y방향에 대한 운동량방정식으로부터 속도 y를 구하는 이산화방정 식을 전절과 마찬가지 방법으로 만든다.

$$\frac{\partial}{\partial y}(pv \cdot v) = \frac{\partial}{\partial x}\left(u \frac{\partial v}{\partial x}\right) + \frac{\partial}{\partial x}\left(u \frac{\partial v}{\partial y}\right) - \frac{\partial p}{\partial y} \quad -----(2-14)$$

Fig. 2-2와 같이 사선으로 나타낸 제어체적을 설정하고 그 중심점 P에 속도 v에 대응하는 미지수 V(I,I)를 설정한다. 엇갈림 격자를 채용하기 때문에 전절의 기호 와 대응하지 않는 부분도 있으나. 이산화방정식을 얻는 순서는 x방향의 운동량방 정식과 같다. 여기서는 식의 상세한 유도과정은 생략한다.



다. 연속방정식과 운동량방정식의 결합-SIMPLE 해법

연속방정식은 전술한 바와 같이 2차원 정상유동인 경우

 $\frac{\partial}{\partial x}(-u) + \frac{\partial}{\partial y}(-v) = 0$ (2-15)

이다. 이미 운동량방정식으로부터 속도를 구했기 때문에 연속방정식에서는 압력을 구해야 한다. 그러나 연속방정식에는 압력이 포함되어 있지 않기 때문에 운동량방 정식과 조합시킬 필요가 있다. 여러 가지 조합방법이 있으나 여기서는 압력보정식 을 만드는 SIMPLE 해법이라 불리우는 방법을 채용한다.

속도 u를 구하는 x 방향의 운동량방정식의 이산화방정식(2-7)을

 $a_e u_e = \sum a_{nb} u_{nb} + b + A_e(p_P - p_E)$ ------(2-16)로 고쳐쓴다. 첨자는 연속방정식에 대한 제어체적을 설명하는 Fig. 2-7에 대응하고있다. 속도 v = 7하는 v방향의 운동량방정식에 대해서도 다음과 같이 나타낸다.

 $a_n v_n = \sum a_{nb} v_{nb} + b + A_e(p_P - p_N)$ ------(2-17)

 압력에 대한 적절한 추정값 p를주면 속도에 대한 근사값 u, v를 위의 두식으로

 부터 아래와 같이 구할 수 있다.

 $a_{e}u_{e}^{*} = \sum a_{nb}u_{nb}^{*} + b + A_{e}(p_{P}^{*} - p_{E}^{*}) \qquad (2-18)$

 $a_n v_n^* = \sum a_{nb} v_{nb}^* + b + A_n (p_P^* - p_N^*) \qquad (2-19)$

정확한 압력 및 속도를 *p*, *u*, *v*로 하고 추정값 *p*에 대한 보정량을 *p'*, 그것에 대응하는 속도보정량을 *u'*, *v*'로 한다. 즉

 $p = p^* + p' \qquad -----(2-20)$ $u = u^* + u' \qquad -----(2-21)$

$$v = v^* + v^{'}$$
 ------(2-22)

의 관계식을 정의한다. 이 세 식을 식(2-16), (2-17)에 대입하여 각각 식(2-18), 식 (2-19)로 빼면

 $a_e u_e = \sum a_{nb} u_{nb} + A_e (p_P - p_E)$ ------(2-23)

 $a_n v_n = \sum a_{nb} v_{nb} + A_n (p_P - p_N)$ ------(2-24)

로 된다. 여기서 인근 격자점의 속도 보정량의 영향이 적다고 가정하여 우변 제1항 을 생략한다. 만일 수렴해를 얻을 수 있다면 보정량은 전부 0이 되기 때문에 이 생 략은 수렴해를 얻는 것을 전제로 할 경우 허용될 수 있는 합리적인 가정이다. 따라 서 속도 보정량은

 $u_e = d_e(p_P - p_E), \qquad d_e \equiv A_e/a_e$ ------(2-25)

 $u'_{n} = d'_{n}(p'_{P} - p'_{N}), \qquad d'_{n} \equiv A_{n}/a_{n}$ ------(2-26)

로 주어질 수 있기 때문에 연속방정식의 이산화에 필요한 속도는 다음 식으로 주 어질 수 있다.

 $u_{e} = u_{e}^{*} + d_{e}(\dot{p}_{P} - \dot{p}_{E}) \qquad -----(2-27)$ $u_{n} = u_{n}^{*} + d_{n}(\dot{p}_{P} - \dot{p}_{N}) \qquad -----(2-28)$

연속방정식(2-15)을 제어체적에 걸쳐서 적분하면

[(pu)_e - (pu)_w] y+ [(pu)_n - (pu)_s] x = 0 -----(2-29) 으로 되고, 이 식에 식(2-25), 식(2-26) 및 u_w, v_s에 관한 동등한 식을 대입하여, 다음 식과 같은 압력 보정량 p'에 관한 압력 보정식을 얻는다.

 $a_E = pd_e y, \quad a_w = pd_w y, \quad a_n = pd_s x,$

 Δ Δ Δ

 $a_p = a_E + a_W + a_N + a_s$
 $b = [(pu^*)_w - (pu^*)_e] y + [(pv^*)_s - (pv^*)_n] x$

 속도를 구할 때와 같이 적당한 완화법으로 p'가 얻어질 수[△] 있다면 식(2-43), 식

 (2-27), 식(2-28) 등을 이용하여 새로운 p'. u'. v'를 구할 수 있다.

이 방법은 SIMPLE(Semi-Implicit Method for Pressure-Linked Equation)해법이 라고 불리워지고 있다.



SIMPLE 해법에서는 정상해를 구하기 위한 시간간격을 무한대로 취해 비정상항을 생략하고 그 무한대 시각에서 음적해법으로 미지수를 구하도록 정식화되어 있다. 그러나 식(2-23), 식(2-24)에서 어떤 항을 생략한다는 근사적 방법을 도입하여 압 력 보정식을 얻고 있기 때문에 "반음적(半音的)"해법이라고 이름이 붙여져 있다. 생 략하는 항의 취급방법에 따라 근사 정확도를 상승시킨 해법도 가능하며,

SIMPLER, SIMPLEC 등의 애칭으로 불리우고 있다. 이들 SIMPLE계 해법의 특징 은 정상해를 구할 때 다른 방법에 비해 최소의 계산시간이 걸린다는 것이다. 통상 이 방법에서 이산화는 유한체적법으로 행해지기 때문에 물리량 보존법칙을 만족시 키고 있는 것도 특징 중의 하나이다.

이와 함께 압력보정식을 사용하지 않고, 운동량방정식과 연속방정식을 직접적으로 연립시켜 보다 거대한 연립대수방정식을 푸는 방법도 이론적으로는 존재하나 계산 시간이 너무 커지므로 공학적인 목적으로는 이용되지 않는다.

SIMPLE(Semi-Implicit Method for Pressure-Linked Equations)알고리즘은 준 암 시적 이라는 용어를 사용한 것으로 속도에 관한 압력의 간접적 또는 암시적인 영 향을 나타낸다. 인접한 위치에서 압력수정은 인접 속도에 영향을 줄 수 있으며, 고 려중인 위치에서 속도수정의 원인이 된다. SIMPLE 알고리즘은 많은 장점을 가지 고 있다. 그 장점 중에 각각 방향의 속도에 연속성을 만족시키며, 이러한 합리적인 속도에 관하여 하향이완을 하는 것은 각각 방향에 대한 속도의 타당성을 유지시키 면서 질량생성을 작게 유지하는 데 도움이 되며, SIMPLE 3 차원 알고리즘의 수식 은 연속방정식을 적분하면 다음과 같은 수식이 된다.

$$\begin{pmatrix} p - & 0 \\ p \end{pmatrix} x y z + [(u)_{e} - (u)_{u}] y z + [(v)_{n} - (v)_{s}] z x$$
$$+ [(v)_{t} - (v)_{b}] x y = 0$$

모든 속도 성분들을 속도수정식 및 압력수정식 의한 표현으로 대치하여 정리하면 $\underline{\rho}$ $\underline{\rho}$ $\Delta \Delta$ Δ Δ Δ Δ ρ ρ $\Delta \Delta$

 $a_P P_P = a_E P_E + a_w P_w + a_N P_N + a_s P_s + a ▲ P \Delta_T + a_B P_B + b$ -----(2-33) 각각의 계수 값을 대입하면 다음과 같은 SIMPLE 알고리즘의 수식이 된다.

 $a_E = {}_ed_e \ y \ z \ , \quad a_w = {}_wd_w \ y \ z \ , \quad a_n = {}_nd_n \ z \ x$ $a_s = {}_sd_s \ z \ x \ , \quad a_t = {}_td_t \ x \ y \ , \quad a_B = {}_bd_b \ x \ y$

$$a_{P} = a_{E} + a_{w} + a_{N} + a_{s} + a_{T} + a_{B}$$

$$b = \frac{\begin{pmatrix} 0 \\ P \end{pmatrix} x y z}{p + p \Delta \Delta \Delta} + \begin{bmatrix} (u^{*})_{w} - (u^{*})_{e} \end{bmatrix} y z + \begin{bmatrix} (v^{*})_{s} - (v^{*})_{n} \end{bmatrix} z x$$

$$\frac{p + p \Delta \Delta \Delta}{\Delta} + \begin{bmatrix} (w^{*})_{b} - (w^{*})_{d} \end{bmatrix} x y - \frac{\Delta \Delta}{p} - \frac{p}{(2-34)} + \frac{p}{(2-34)} \Delta \Delta$$

여기에서, b는 질량생성(Mass Soupce)이고, 余도수정 및 압력수정은 b를 0으로 만들어야 한다. 그 이유는 연속방정식을 만족시키기 위해서 이며, 이 말은 속도수 정 및 압력수정 값들이 일정하게 수렴함을 나타낸다.
제3절 PIV 실험의 이론적 배경 및 이론식

1. PIV를 이용한 속도장 측정

가. PIV의 기본 원리

유동장 속에 어떠한 영향을 미치지 않을 정도의 미소한 입자를 주입하여 입자 흔적들의 입자영상을 화상 처리하여 주어진 유동의 속도장을 측정하는 입자영상유 속계(Particle Image Velocimetry)의 기본 개념도는 Fig. 2-5 과 같다.

화상처리를 이용한 속도장 측정 시스템은 Laser, 광학장치, Particle, Camera, Image Grabber, 컴퓨터 및 그 외 주변기기들로 이루어진다. 속도장 측정기법은 먼 저, 유동장에 영향을 미치지 않으면서 유동 패턴을 잘 추종할 수 있는 가볍고 작은 입자를 유동속에 주입한 후, 측정하고자 하는 Test Section을 레이져와 광학장치를 이용하여 광원을 평면광으로 만든 후 유동 단면에 조사하게 되면, 유동 속에 주입 된 추종성이 우수한 입자들은 빛에 노출되어 산란하게 된다. 레이져 평면광에 산란 된 입자들을 CCD 카메라, 고속도 카메라 등과 같은 영상 입력장치로 유동 속도의 조건에 따라 프레임을 조절하여 시간 f_1 에서 첫 번째 영상을 획득한 후, t가 지난 시간 f_2 에서 두 번째 영상을 획득한다. 이렇게 얻어진 아날로그 영상들은 256계조치의 디지털 영상파일로 변환하여 디지털 화상처리기법으로 분석함으로서 시간간격 t동안 입자가 이동한 변위 S를 계산하게 된다. 여기서 계산된 입자 들의 변위 S는 시간과 공간의 함수로 표현되어지며, 입자들의 변위백터 S를 시간간격 t로 나누어 줌으로서 속도백터 u(x,y)를 계산해 낼 수 있게 된다.

Δ	Δ	
Δ		Δ
Δ		

Δ



Fig. 2-5 Calculation of velocity vector by PIV

$$\frac{\Delta}{\Delta}$$
 $\frac{\Delta}{\Delta}$

나. PIV 구성 요소

입자 영상을 획득하여 유동장을 해석하기위한 PIV측정 시스템의 구성은 해석영 역을 조명하기 위한 광원, 유체 유동과 함께 유동하는 입자, 조명에 의해 산란된 입자를 촬영하기 위한 영상획득장치, 원시영상을 디지털 영상으로 변환하기 위한 A/D 변환기, 해석을 수행하기 위한 컴퓨터로 구성된다.

1) 레이저 (Light Amplified Simulated of Emission Radiation)

레이저란 빛을 유도방출한 후 증폭하여 순수한 빛을 만드는 것을 말한다. 양자이 론에서는 분자는 일정한 에너지 준위를 가지고 있으며 빛을 흡수하면 기저상태에 서 높은 에너지 상태로 전이를 유발하는데, 이 때 여기상태에 있는 분자는 이완과 정에 의해 에너지를 방출하면서 다시 기저상태로 떨어지게 되는데 이때 전자들이 한꺼번에 공급된 빛과 같은 파장의 또 다른 광자를 방출하게 되어 같은 방향의 빛 은 그 세기가 증폭되게 된다. 이렇게 증폭된 빛만을 방출하는 것을 유도방출이라고 하는데, 이러한 빛이 일반적인 자연방출과 가장 큰 차이점은 방향성을 가지고 있기 때문에 효율이 떨어지더라도 빛의 제어를 위해 레이저를 사용하는 것은 이러한 이 유 때문이다. 레이저 설계시 유도방출을 일으키는 매질을 활성매질이라고 하는데, 각각의 매질의 종류(기체, 액체, 고체)에 따라 출력형태는 다르기 때문에 적당한 활 성매질을 선정하는 것이 중요하며 여기상태의 에너지를 방출하도록 외부로부터 에 너지를 주어야 한다. 광원 발생은 연속광(CW) 레이저와 펄스(Pulse)레이져 형태로 나누어지며, 레이져의 종류로는 He-Ne, He-Ne Kr, Argon-ion, Ruby, Ar He-Cd, CO₂, Nd-YAG 레이저 등이 있다.

2) 광학장치 (Optical Equipment)

레이저 평면광을 만들기 위해 사용되는 광학장치는 주로 렌즈라고 말할 수 있으

며, 렌즈의 적절한 배치는 주어진 실험조건에서 조절이 가능하다. 렌즈에는 각각 렌즈에 고유한 초점(f)이 있어 광축에 평행하게 입사하는 평행광선은 렌즈를 통과 한 후 이 점에 모이거나, 발산하게 된다. 이러한 광학장치를 이용하여 평면광을 만 들기 위해 광원으로부터 1차원적인 빔을 생성시킨 후, 실험조건에 알맞은 렌즈로 초점화된 빛을 통과하게 하여 2차원적인 평면광을 만들게 된다. 여기에서 주의 하 여야 할 점은 레이져 빔은 Gaussian 강도 분포를 가지고 있기 때문에 두께방향으 로는 일정한 강도분포의 빛을 얻을 수 없기 때문에 실험조건의 해석영석에 대해 light sheet를 적절히 조절해야 한다.

3) 입자 (Particle)

유동장에 주입되는 입자는 유체의 유동패턴을 직접 가시화하거나 유동 상태량을 나타내는데 사용하게 된다. PIV 측정기법은 직접 유체의 유동을 측정하는 것이 아 니라 유동장 속에 주입된 입자의 괘적을 추적하여 간접적인 방법으로 유체유동을 측정하는 것이기 때문에 유체의 특징에 관계해서 적절한 입자를 선정해야 하며, 영 상의 획득을 위해 가시성이 좋은 것, 부력의 영향을 받지 않는 것, 입자와 유체의 미끄러짐이 적은 것을 사용해야 한다. 또한 영상 획득 장치의 사양을 고려하거나, 유동 속도에 대해서도 조건을 만족하는 입자를 선정해야 한다.

4) 영상 획득 장치 (Camera)

영상 획득 장치는 PIV 속도추출기법에 따라서 결정되며 대표적인 입력장치로서 사진 촬영용 film이나 CCD(Charge Coupled Device) 카메라, 고속도 카메라가 주로 사용된다. 최근에는 PIV 속도장 측정에 있어서 CCD 카메라를 이용하여 유동의 입 자영상을 취득하는 추세이다. 고속도 카메라는 해상도와 시간 분해능이 우수하여 유동장으로부터의 정보를 직접 받아들인다는 이점과 가장 손쉽게 유동정보를 얻을 수 있는 장점이 있지만 가격이 고가라는 단점을 가지고 있다.

다. PIV 계측 기법의 종류

PIV 계측기법은 입자의 기록 방식과 분석방식에 따라 나누어지고, 속도벡터의 추출에 이용되는 입자의 종류가 개별입자인가 아니면 임의의 검사영역내의 입자군 인가의 여부에 따라 구분이 가능하다. 입자영상을 취득하는 기록매체에 따라 photographic film 카메라와 CCD 카메라 방식으로 분류되고, 하나의 Frame에 기록 되는 입자영상의 노출 횟수에 따라 다중노출 및 단일노출 방식으로 분류되며, 속도 벡터를 추출하는 방식에 따라 자기상관기법과 상호상관기법으로 나누어진다.

1) 개별입자추적 PIV와 입자분포상관 PIV

속도벡터의 추출에 이용되는 입자의 종류가 개별입자인가 아니면 임의의 검사영 역(Interrogation Region)내의 입자군(중복되거나 독립적으로 존재함) 인가의 여부 에 따른 구분이 가능하다. 개별 입자를 독립적으로 인식하고 이들에 대하여 순서 또는 번지수를 부여하는 라벨링(Labelling)작업과 함께 개별입자의 미소궤적을 추 적하는 개별입자 추적(Discrete Particle Tracking, DPT) PIV(과거의 PTV)와 검사 영역내의 입자군의 분포에 대한 상관관계로부터 속도벡터를 추출하는 입자분포상 관 (Particle Distribution Correlation, PDC) PIV로 대별할 수 있다. 이 경우에 DPT-PIV는 PTV와 같은 특성을 나타낸다. 임의로 분포된 위치에서의 랜덤벡터가 얻어지며 후처리과정에서 격자보간이 필요하다. 그러나 PDC-PIV에서는 처음부터 정의된 격자 점의 위치에서 속도벡터가 구해지기 때문에 격자간 보간이 필요 없게 된다. 또한 PDC-PIV에서는 원리적으로 검사영역내의 개별입자의 도심좌표 (Centroid)에 대해서도 상관계수를 구할 수가 있기 때문에 DPT-PIV용의 개별입자 영상이 사용될 수가 있다.

일반적으로 두 기법의 장단점을 비교해 보면 다음과 같다. 먼저 DPT-PIV는 개별 입자의 자동 인식작업에 약간의 계산시간이 필요하나 동일입자의 추적 알고리즘은 비교적 간단한 연산과정을 요한다. 따라서 전체적인 작업시간이 매우 단축될 수가 있다. 또한 미소시간 동안의 유동장의 변형에 대하여 비교적 둔감한 성질을 나타내 기 때문에 이상치(Outliner)의 발생이 억제된다. 그러나 유동장 전체에 걸쳐 추적입 자가 독립적으로 균일하게 분포하여야 하며 양호한 산란광의 영상을 제공하여야 한다. 이것은 조명을 비롯한 실험환경 및 실험기법에 크게 의존하게 되며 일반적으 로 한 장의 화면에서 얻을 수 있는 유효벡터의 수가 많지 않게 된다.

한편 PDC-PIV에서는 Adrian의 고영상밀도 PIV방식을 제외하고는 스페클(LSV) 또는 픽셀 계조치의 밝기정보(Intensity, Grey-Level)를 이용(계조치 상호상관법 등)하기 때문에 유동장에 분포된 입자가 개별적으로 인식이 되지 않아도 문제가 되 지 않는다. 따라서 입자에 대한 제한조건이 크게 완화가 되어 유동장의 생성이 비 교적 용이하게 이루어진다. 또한 얻어진 벡터 수는 검사영역의 격자수로 정해지므 로 많은 수의 벡터가 얻어질 수 있다. 그러나 이 방식에서는 상관함수(계수)의 산 출에 번거로운 광학적인 배치가 필요하거나 FFT연산과 상관계수의 계산에 매우 큰 컴퓨터 부하를 요구한다. 한편 유동장의 변형에 대하여 상관함수(계수)의 최고 치가 민감하게 변함으로서 이상치의 발생에 주의를 하여야 한다. 요약하면 DPT-PIV에서는 PIV에 적합한 입자의 공급 및 조명 등의 문제에 유의하여야 하나 대신 속도벡터 추출에 필요한 컴퓨터 연산속도가 빠르다. 그러나 PDC-PIV에서는 이와 반대로 유동장의 입자조건이 까다롭지 않은 반면 상관계수의 계산에 번거로 운 작업이 요구된다.

2) 단일프레임 PIV

한 장의 프레임에 입자영상을 다중 노출시켜 입자 쌍을 취득하고, 취득한 입자영 상으로부터 상관함수를 계산하여 유동속도벡터를 분석하는 방식으로 이 방법을 Adriam의 정의에 의한 저영상밀도 PIV(PTV)중 단일프레임(single -frame)법을 의 미한다. 즉, 한 장의 사진 또는 프레임에 조명을 부호화하여 벡터의 크기 및 벡터 의 시점과 종점을 구하는 기법으로서 PTV의 초기에 많이 적용되었다. 펄스조명의 폭 및 간격을 조정하여 연속펄스 또는 긴 유맥선(streak) 입자영상을 기록한 뒤에 개별 입자의 궤적을 추적한다. 취득한 입자 영상으로부터 상관함수를 계산하여 유 동속도벡터를 분석하는 방식이다. 상관함수는 직접계산이나 FFT 변환을 사용하여 계산하며, 계산된 자기상관(auto-correlation)함수는 중심에 대해 대칭인 두개의 상 관 값을 가지므로 유동방향의 모호성이 발생하여 벡터의 시점 또는 종점을 알아내 기 위하여 조명을 부호화하여 이를 해독해야 하는 어려운 점이 있다.

3) 다중프레임 PIV

개개의 입자영상을 각기 다른 프레임에 취득하고, 시간간격 / 로 취득한 2개
의 입자영상에 대해 상호상관(cross-correlation)함수를 계산하여 속도벡터를 구하
는 방법이다. 상관함수는 자기상관값과 다른 하나의 상관 값을 나타내므로 ▲동방
향의 모호성 문제는 발생하지 않는다. 그러나 고속유동의 경우, 매우 짧은 시간간
격 / 동안 2개의 입자영상을 서로 다른 frame에 기록하여야 하는 어려움이 따른
다.

4) 차기상관 PIV



Flow Field Image

하나의 프레임에 기록되어 있는 입자 쌍의 변위를 분석하는 방법으로, 같은 위치에 미소조사구간을 설정하여 퓨리에 변환(Fourier Transform)과 역 퓨리에 변환과정 을 거쳐 자기상관함수 값을 구하여 속도벡터를 추출하는 방법으로서 지금까지 많 은 연구자들이 채택을 하여 왔으며 대부분의 상용제품이 이 기법에 따라서 개발되 었다. 퓨리에 변환은 영상처리에서 공간영역의 밝기정보를 주파수영역의 정보로 바 꾸어 주는 역할을 행한다. 1차원의 경우를 생각하면 1차원의 실수 x의 연속함수 f(x)에 대한 이산산 FT의 쌍은 다음 식으로 구해진다.

$$F(u) = \frac{1}{N} \sum_{x=0}^{N-1} f(x) e^{\begin{pmatrix} -\lambda & ux \\ N & \end{pmatrix}} - \dots - (2-35)$$

$$f(x) = \sum_{u=0}^{N-1} F(u) e^{\begin{pmatrix} -\lambda & ux \\ N & \end{pmatrix}} - \dots - (2-36)$$

*f(x)*g(x) = FT⁻¹F(u)G(u)* ------(2-37) 이산합성(discrete convolution)의 식은 다음과 같이 주어진다.

$$f_e(x) * g_e(x) = \sum_{m=0}^{M-1} f_{e(m)} g_e(x-m) \quad -----(2-38)$$

상관식도 합성과 유사하나 한쪽의 함수에 공액복소수를 취하는 점이 다르며 상관 에서도 합성에서와 같이 FT에 관한 법칙이 그대로 적용된다.

ƒ(x) • g(x) = FT⁻¹F^{*}(u)G(u) ------(2-39)
 여기에서 • 는 상관의 표시이며 * 는 공액복소수를 의미한다. 이산상관(discr ete correlation)의 식은 다음과 같다.

$$f_{e}(x) \cdot g_{e}(x) = \sum_{m=0}^{M-1} f_{e}^{*}(m) g_{e}(x+m) - (2-40)$$

f(x)와 g(x)가 같은 식이 되면 자기상관함수(auto-correlation function)가 되고 다르

면 상호상관함수(cross-correlation function)식이 된다.

식 (2-38)와 식 (2-40)은 영상이미지에서 적용되는 이산식들이나 큰 공간영역으로 인하여 계산식의 합이 클 경우에는 이들 대신에 식 (2-39)과 식 (2-40)에서와 같이 주파수 영역의 FT의 계산에 이산FFT(Discrete Fast Fourier Transform)기법을 적 용하여도 무방하다. 상관함수식에서의 공액복소수는 영상의 픽셀데이터에 대해서 허수부에만 영향을 미치기 때문에 크기는 변하지 않고 위상만을 변화시킴으로서 합성의 조작과 아주 유사함을 알 수가 있고 자기상관 PIV에서 상관계수를 구하기 위해서는 퓨리에 변환을 반드시 행하여야 한다.

5) 상호상관 PIV

그림과 같은 영역에서 2차원 이산 상호상관함수(Cross-Correlation Function, CCF)의 식은 다음과 같다.

 $c(s, t) = \sum_{x} \sum_{y} f(x, y) w(x - s, y - t) - (2 - 41)$

단, 여기에서 미소영역 w(x, y)의 크기는 J×K 이며 f(x, y)의 크기는 M×N이다. 또 한 s = 0, 1, 2, ..., M-1, t = 0, 1, 2, ..., N-1 이다. 그러나 식 (2-40)로 주어지는 함수식은 f(x, y) 및 w(x, y)의 진폭의 변화에 매우 민감하여 다음의 식으로 정의 되는 상호상관계수(Cross Correlation Coefficient, CCC)를 구하여 최대상관의 위치 를 찾아내는 것이 합리적이다.

$$(s, t) = \frac{\sum_{x} \sum_{y} [f(x, y) - f(x, y)] [w(x - s, y - t) - w]}{\left\{ \sum_{x} \sum_{y} [f(x, y) - f(x, y)]^2 \sum_{x} \sum_{y} [w(x - s, y - t) - w]^2 \right\}^{1/2}} -----(2-42)$$

여기에서 $w \doteq w(x, y)영역내의 평균치(1회계산)이며 f(x, y) 는 w가 현재 위치$ 하는 곳의 평균값을 의미한다. 이 때 상관계수 (s, t)는 -1 과 1 사이의 값을 갖게 된다. 상관에 관한 식 (2-39)으로부터 알 수 있는 바와 같이 상관함수 또는 상관계수는 주파수 영역에서 FFT에 의해 구해질 수가 있다.

у



상호상관 PIV에서는 그림의 (x, y)의 원점이 제 1 프레임 상에서 속도벡터를 구하 기 위한 가상격자의 중심 즉 벡터의 시점을 나타낸다. 이 점을 중심으로 제 2 프레 임 상에서 M(또는 N, 일반적으로는 M=N)의 값으로 정의되는 탐색영역 반경내의 모든 픽셀의 위치 (s, t)에서 (J×K)의 값으로 표시되는 상관영역에 대한 (s, t)의 값을 구한다. 다음으로 이 값들 중에서 최대치의 위치를 찾으면 이곳이 제 2 프레 임에서의 벡터의 종점이 된다.

y

제3장 수치해석

제1절 CFD 수치해석

본 연구에서는 PIV계측 실험을 바탕으로 실제적인 실험과 동일한 조건으로 CFD(Computational Fluid Dynamics)분석을 이용하여 흡입관로가 90°일 경우에 따 른 혼합 관로의 축 방향속도와 2차 유동의 속도분포를 해석하여 PIV계측 실험결 과로부터 얻어진 속도분포, 운동에너지 분포, 압력분포, 와류분포의 유동특성을 비 교 및 연구하였다.

또한, 동일한 유속 조건으로부터 흡입관로의 각도를 변화시켜 흡인되는 관로내의 유량과, 출구 유량을 분석하여 주어진 조건하에서의 혼합관로의 최적 각도 변화에 따른 유동특성을 파악하고자 한다.

본 계산은 유체운동의 전반적 지배방정식인 연속방정식(질량보존의 법칙)과 운동량 방정식의 편미분 방정식들로부터 수치해를 구하기 위하여 유체 유동해석에 많이 쓰이고 있는 유한체적법(Finite Volume Method)을 사용한 상용 코드 프로그램인 STAR-CD를 이용하여 수치해석을 수행하였으며, 주어진 관로내의 유동에 대한 Raynolds 수의 기준에 근거하여 난류로 가정하여 계산하였다. 난류모델은 k-/High Reynolds Number를 적용하였고, 해석 알고리즘은 SIMPLE 해법을 사용하 였다. 계산조건은 정상상태로서 열전달과 압축성 효과를 무시하였으며, 작동 유체 는 공기이며 열역학적 특성치는 공기온도 20℃를 기준으로 밀도 kg/m³, 점성계수 를 입력하였다. 본 CFD 수치해석에서 사용 된 메시는 Fig. 3-1 과 같으며 구동관로의 직경비에 따라 메시의 정도를 각각 다르 게 설정하였으며, 구동관로가 원형 관로임을 감안하여 수치해석의 정도를 높이기 위해 Ogrid-mesh를 사용하였다. 또한 구동관로로부터 유입된 유량이 흡인관로와 ^ρ=997.561 μ=88.7×10⁻⁵kg/ms

3

확대관로 사이에서 흡인이 유도되는지 단지 분지부로 유량이 흘러나가는지 알지 못하므로, 출구쪽과 흡인관로쪽은 이러한 경계조건을 감안하여 Pressure Boundary 를 사용하였다.

Table. 3-1 는 CFD 해석에 적용한 해석 조건으로서 흡입관로의 각도 변화율에 대한 구동관로의 유량, 속도, 격자의 수를 나타내고 있다.

	Q (kg / s)	V (m / s)	Grid Number
90°	0.0006237	1	218,000
	0.0015687	2.08	218,000
	0.0019477	2.54	218,000
60°	0.0007404	1	176,000
	0.0016347	2.08	176,000
	0.0022119	2.54	176,000
45°	0.0008320	1	168,000
	0.0018692	2.08	168,000
	0.0023087	2.54	168,000

Table. 3-1 CFD Condition of Driving Flow









제2절 CFD 해석 결과

수치해석 조건으로 분사펌프 효과의 효율증가를 규명하기위해 사용된 흡입관로에 대한 각도 변화는 조건 90°, 60°, 45° 로 설정하였으며, PIV 실험에 사용된 흡입관 로의 각도 90°를 기준으로 동일한 유속 값을 적용하여 해석을 수행하였다. 실험결 과의 TEST SECTION 구간은 구동관로가 확대관로와 만나는 지점으로부터 시작 하여 Mixing Area 부분인 45 × 100 ㎡, 단면의 중간부분인 22.5mm 구간의 면을 해석하였으며, 수치해석의 TEST SECTION 구간은 유동장 전영역에 걸쳐 해석을 수행하여 평균속도, 정압력, 전압력, 평균난류운동에너지, 난류 점도, 소산 등을 연 구하였다. 각각의 계산결과 값은 SI 단위를 사용하였으며, 이에 대한 단위 설명은 Table.3-2에 나타내었다.

각도변화 조건 90°, 60°, 45° 에 사용된 격자의 수는 각각, 218,000, 176,000, 168,000 개 이며, 해석영역구간은 메시의 질을 더 향상시켜 설계하였고 수치해석에 소모된 계산시간은 Pentium IV PC(CPU 2.54GHz, RAM 1G)를 사용하여 각각의 각도변화 율에 따라서 2시간, 3시간, 4시간 정도의 시간이 소요되었으며, Solver Iteration Number는 반복변수는 최대 1000회, 최대수렴조건 0.001를 기준으로 각각 약 600회, 450회, 950회에서 수렴했다.

Table. 3-2 Units of Physical Property

 m^2/s^3

Physical Property	m^2/s^2 Unit	Physical Property	Unit
Velocity	m/s	Dissipation per kg	
Pressure	Pa	Turbulent Viscosity	Pa · s
Turbulent Kinetic Energy per kg			

Fig. 3-2 ~ 16 은 입구조건에 유속조건 V = 1m/s, V = 2.08m/s, V= 2.54 m/s, 를 주었을 때, 분사펌프관로의 중간부분인 22.5mm를 기준으로 흡입관로 각도변화 조 건 90°, 60°, 45° 에 대한 각각의 유동특성을 나타내고 있다. Fig. 3-2 은 입구 유 속조건 V = 1m/s 와 흡입관로의 각도가 각각 90°, 60°, 45° 일 때 의 평균 속도벡 터 분포를 나타내고 있다. 각각의 유량은 = 0.00062 kg/s, = 0.00074 kg/s,

= 0.00083 kg/s 였으며, 속도벡터가 흡입관로의Q1 아래쪽으로 쳐지는 현☆을 볼
 수 있었으며, 흡입관로의 각도가 적어질수록 확대관로의 속도벡터 값이 커짐을 알
 수 있었다. 또 한, 이는 구동관로의 적정위치를 설정해 주면 흡입관로에 유량이 고
 루 분포 되어 흡입되어 질 거라 생각된다.

Fig. 3-3 ~ 4 에서는 정압력 분포와 전압력 분포를 나타내고 있는데 흡입관로 45° 에서 전압력분포는 커짐을 알 수 있었다. (a), (b) 에서는 전압력분포와, 정압력분포 는 별다른 영향없이 출구까지 유지되지만, (c) 에서는 흡입에 의한 영향과 속도의 크기 영향으로 전압력 분포가 커짐을 알 수 있었다. 정압력분포는 분지관의 라운 딩 처리된 부분에서 음압이 발생되는 것을 알 수 있는데 흡입관로에서 확대관로로 유체가 흡입되어 질 때, 속도 크기의 영향과 속도의 크기의 영향과 속도 방향의 변 화로 인해 와류 부착점이 생성되는 것으로 사료된다. Fig. 3-5 ~ 6 은 난류운동에 너지, 난류점도를 나타내고 있다. 흡입관로의 각도가 적어질수록 난류운동에너지는 출구에 가까워질수록 에너지의 감소를 보이고 있다. 난류운동에너지는 (b), (c)와 비교했을 때, (a)에서 증가되는 것을 확인할 수 있었다. 이는 흡입관로의 각도가 적 어짐에 따라 흡입되는 양도 증가하지만 출구에 가까워질수록 난류운동에너지도 증 가함을 나타내고 있다. 난류점도에서는 90° 경우 흡입관로에 점성의 영향이 많이 분포됨을 볼 수 있는데, 이 는 유체를 흡입할 경우 영향을 미쳐 유량에 영향을 초 래할거라 생각된다.

Fig. 3-7 ~ 11에서는 각각의 유량은 = 0.0015 kg/s, = 0.0016 kg/s, =

 Q_1 Q_2 Q_3

0.0018 kg/s 였으며 입구조건에 유속조건 V = 2.08m/s 이고 흡입관로의 각도가 각 각 90°, 60°, 45° 일 때 유동특성을 보이고 있다.

Fig. 3-7 구동관로에서 확대관로로 빠져나온 유속이 일정할 때, 흡입관로의 각도가 적어짐에 따라 흡입 효율이 증가함을 나타나고 있으며, 이는 흡입관로의 각도 변화 율에 따른 유속조건 3가지 중에서 가장 좋게 나타났다.

(c)의 경우에 유량이 다른 두 조건에서 보다 더 많이 증가함을 나타냈었다.

Fig. 3-8 ~ 9 는 각각 정압력 분포와 전압력 분포를 나타내고 있다. 세가지 조건 중에서, 가장 좋은 (c)의 경우에 정압력 분포의 특이점은 음의 값을 나타내고 있으 며, 흡입속도의 증가로 인한 와류의 형성이 커지고 있음을 확인할 때, 차후 속도조 건에 대한 흡입관로에 대한 곡률의 설계조건도 고려되어야할 중요한 사항이라고 사료된다.

Fig. 3-10 은 난류 운동에너지를 나타내고 있다. (b), (c)에서는 난류운동에너지 값 이 크게 변화되지 않는 반면, (a)에서는 난류 운동에너지가 어느 지점을 시작으로 크게 변화된다는 것을 알 수 있다.

Fig. 3-12 ~ 15에서는 각각의 유량은 = 0.0019 kg/s, = 0.0022 kg/s, = 0.0023 kg/s 였으며 입구조건에 유속조건 V = 2.54m/s 이고 흡입관로의 각도가 각 각 90°, 60°, 45° 일 때 유동특성을 보이고 있다.

난류 운동에너지가 증가할 때 소산 값 또한 **응**가하게 되어 에너지 **운**실이 초래되 고 있음을 확인할 수 있었으며, 이러한 에너지손실은 내부에너지로 변환되어 분자 의 임의의 열적운동과 관계되므로 소산은 점성에 의한 식과 관련됨을 확인할 수 있다. 이러한 에너지 손실을 감소시키기 위해서는 난류 운동 에너지의 값이 커지는 시점으로부터 노즐형상 및 최적위치를 찾아내어 이용하여 운동에너지 값을 줄이는 방법도 가능하리라 사료된다. Q_3



(c) 45°





(c) 45°



(c) 45°



(c) 45°



(c) 45°



(c) 45°



(c) 45°



(c) 45°







(c) 45°



(a) 90°



(b) 60°



(c) 45°



(c) 45°





(c) 45°



(a) 90°



(b) 60°



(c) 45°

Fig. 3-17 ~ 19 는 흡입관로 각도변화 조건 90°, 60°, 45° 일 때, 구동관로와 확대 관로가 만나는 지점(L=0mm)을 기준으로 0mm, 90mm, 180mm 지점에 대해 입구속 도조건에 대한 확대관로 각각의 높이에 대한 속도분포의 비로 무차원화 시킨 값을 나타내고 있다.

Fig. 3-17 에서는 y / a 〉 0.6 지점에서 속도값이 급속히 떨어지는 현상을 보이 면서 y / a 〉 0.8 지점에서 회복되는 것을 볼 수 있다.

Fig. 3-18 에서는 y / a > 0.3 지점에서 속도값이 증가하는 것을 볼 수 있으며 y / a > 0.6 지점에서 값이 떨어지는 것을 볼 수 있다. 확대관로의 상 • 하 부분 에서 속도 값이 차이가 발생함을 알 수 있는데, 이러한 원인은 흡입관로가 각도 변 화에 따른 흡인에 의한 영향으로 벽면 가까이의 속도 값은 반대쪽 속도 값보다 더 작은 값을 나타내지만, 벽면에서 멀어질수록 속도벡터 값은 더 큰 값으로 회복됨으 로서 유량의 효율을 증가시키고 있으며 이러한 현상은 흡입유량의 유속이가 증가 함에 따라 회복구간의 폭 또한 증가됨을 알 수 있다.

Fig. 3-20 ~ 22 에서는 CFD 를 통해 분석한 전압력 분포를 혼합관로의 전체높이 에 대한 지름에 대한 비를 나타내고 있다. 유동이 진행함에 따라 압력분포가 어떠 한 형태로 변화되어 가는가를 알아보기 위해 구동관로와 확대관로가 만나는 지점 (L=0mm)을 기준으로 0mm, 90mm, 180mm 지점에 대해 전압력 분포를 나타냈다. Fig. 3-20 은 L=0mm 지점으로서 압력분포는 90°에서 제일 적은 현상을 보였으며, y / a 〉 0.2 지점에서 급속히 압력이 상승하였다가 y / a 〉 0.6 지점에서 급속히 압력분포 가 떨어지는 것을 확인할 수 있었다. 그리고 흡입관로가 60° 일 경우에 음압이 제일 낮게 나타났다.

Fig. 3-21 은 L=90mm 지점으로서 y / a > 0.2 지점에서는 압력낮은 상태로 유지 되다가 y / a > 0.6 부근에서 흡입관로가 90° 경우 압력이 급속히 떨어지느것을 확인할 수 있었다. 이 때의 특이점은 분지관과 가까운 확대관로의 지점 y / D_h > 0.5에서 흡입의 영향으로 인한 전압력 분포값의 소멸정도는 반대 부분에 비해 작으 나, 벽면에 가까워질수록, 속도가 커질수록 음압이 발생하게 되는데, 이러한 원인은 흡입 되어진 유동이 벽면 전단력에 의해 와류의 발생을 야기 시켰기 때문에 발생 된 것이라 생각되며, 이러한 현상은 유량의 효율을 저하시키는 원인이 되므로, 구 동관로를 빠져 나온 후, 적정한 위치를 선정하여 확대관로에 노즐형상을 구현하여 유량손실을 최소화 할 수 있으리라 생각된다.



(c) 2.54m/s



(c) 2.54m/s



(c) 2.54m/s


(c) 2.54m/s



(c) 2.54m/s



(c) 2.54m/s

제4장 PIV 계측 실험

제1절 PIV 계측실험

Fig. 4-1은 실험에 사용하게 될 PIV 시스템의 대략적인 도해를 나열한 것이다. 먼저 구동관로의 직경에 대해 입구조건의 유량을 일정하게 유지시키기 위해 정전 압을 이용한 제어로 수중펌프로부터 나오는 유체의 속도를 일정하게 유지 시켰으 며, Test Section에 산란되는 입자를 가시화 시키고, 계측영역을 Sheet화 시켜 평 면광을 만들어 내기 위해 공랭식 반도체 레이저와 LLS Probe(Laser Light Sheet Probe)를 사용하여 두께 약 3mm의 Sheet Light를 해석영역 구간 내에 조명시켰다. 조명시킨 Test Section 구간은 고속도 카메라를 이용하여 프레임 시간을 적절히 조정하여 영상을 획득하여 Control Box에 저장시킨 후, 영상정보의 질을 확인한 후, 원시영상을 디지털 신호로 변환시키기 위해 A/D 변환 이미지 그래버를 사용하 였다. 디지털 신호로 변환시킨 영상파일은 Frame 영상을 Field 분할하여 계조치 상 호상관법을 적용시켜 입자에 대한 농도 분포를 분석하여 유동에 대한 속도분포를 추출하였다.



사용된 장비에 대한 세부 장치들에 대한 설명은 Table 4-1에 도시하였다.

실험 온도는 상은 20℃에서 ±1℃의 온도차를 유지시켰고, 구동 유체는 물을 이용하 였으며 구동관로에 수중펌프를 이용하여 유동시켰다. 고속도 카메라에 측정된 Test Section 부분은 Mixing Area 350 × 300 mm²으로 잡았으며, 속도에 대한 영향을 고려하여 고속도 카메라의 Frame 속도를 60 fps 로 설정하여 촬영하였다. 실험조건은 실제 제품에 설계되어있는 구동관로의 직경(D = 24 mm) 에 대해서 실 행하였고, 속도에 대한 조건은 3가지로 나누어서 분석하였는데, 각각의 속도조건은 흡입되는 현상을 직접 가시적으로 확인한 후, 입구속도 조건을 각각 V_1 = 1m/s, V_2 = 2.08m/s, V_3 =2.54 m/s로 속도를 변화시켜 가면서 Mixing Area 영역의 영상을 취득하였다. 이 때의 계산영역에 적용한 시간 평균 프레임 수는 60프레임으 로 촬영된 영상은 컴퓨터 램에 일시 저장 후, 다시 컴퓨터 하드에 저장하였다.

Table. 4-1 PIV System Visualization Equipment

Specification

Pump
I UIIID

AC 220V/60Hz 10W

	Probe	KANOMAX LLS Probe
	Laser	Diode Laser
PIV System Equipments	CAMERA	KODAK ES 1.0
	Image Grabber	Radeon X1600
	Computer	Pantium IV PC (CPU 3.2 GHz RAM 256M)
	Software	CACTUS'2000 (Cross-Correlation Algorithm)

Host-Computer에 연결하여 CACTUS 3.2을 이용하여 유동특성을 해석하였다. Fig. 4-2는 실제 설치된 분사펌프 실험장치의 사진을 보여주고 있다.





제2절 PIV 결과 및 고찰

흡입관로의 각도 90°, 60°, 45° 일 때, 구동관로를 통과한 후, 확대관로를 지나는 유동에 관해 확산효과를 고려하여 설계하였다. 입구 쪽 속도는 1 m/s 로 하였고, 발생되는 분 평균속도벡터를 CACTUS 3.2를 사용하여 분석하였다.

Fig. 4-31은 구동관로의 변화에 따른 평균속도 분포를 PIV실험을 통해 분석된 영상을 보여주고 있으며, 입구속도는 1 m/s이고, 전영역을 해석하였다. 왼쪽에 있 는 그림은 분석한 값을 보여주는 것이고, 오른쪽 그림은 분석한 값에 대한 확실한 유맥선을 보기위해 입자를 보정하였다. 흡입관로가 90°일 경우 분사펌프를 PIV로 분석하여 유동분포를 보여준 것이다. 오른쪽 그림은 보면 흡입관에서 유체가 빨려 들어가는 것을 확실히 볼 수 있다. 주관부에서는 입구에서 들어오는 유체와 흡입 관에서 들어오는 유체가 만나는 부분인 주관부의 중앙부분에서 와류가 일어나는 것을 볼 수 있는데, 이것은 입구에서의 나가는 유체와 출구에서의 압력이 서로 관 성이 작용하여 생기는 와류현상으로 생각된다. 평균속도벡터에서 유동현상을 확실 히 보기 위해 보정한 왼쪽 그림을 보면 주관부에의 와류현상이 일어나는 것을 확 인 할 수 없다. 이것은 평균벡터를 나타내는 것이기 때문에 와류현상은 실제 유체 의 유동에서는 크게 발생하지 않은 것으로 볼 수 있다. 그리고 출구에서 유체의 유동분포는 중앙으로 흐르는 것을 확인 할 수 있었고, 전체적인 유동현상이 CFD 에서의 평균속도벡터의 분포와 같은 것을 볼 수 있다. 오른쪽의 그림은 실제 유체 가 움직이는 현상을 속도벡터로 보여준 것으로 흡입관에서 유체가 빨려들어 오는 현상을 확인 할 수 있다. 입구에서 들어오는 유체와 흡입관에서 들어오는 유체가 만나는 부분인 주관부의 중앙부분에서 와류가 일어나는 것을 볼 수 있다. 이 현상 또한 입구에서의 나가는 유체와 출구에서의 압력이 서로 관성이 작용하여 생기는 와류현상으로 (a) 1 : 3.21에서 보다 입구 쪽에 가까운 부분에서 와류가 생성되고,

와류현상이 더 많이 나타나는 것을 확인 할 수 있다. 이것은 구동관로의 직경이 커지면서 입구에서 들어오는 유체가 많아져 이러한 유동현상이 나타나는 것으로 생각된다. 평균속도벡터에서 유동현상을 확실히 보기 위해 보정한 왼쪽 그림을 보 면 주관부에의 와류현상이 일어나는 것을 확인 할 수 없다. 이것은 평균속도벡터 를 나타내는 것이기 때문에 와류현상은 실제 유체의 유동에서는 크게 발생하지 않 은 것으로 볼 수 있다. 그리고 출구에서 유체의 유동분포는 중앙으로 흐르는 것을 확인 할 수 있고, 전체적인 PIV의 평균속도분포는 CFD에서의 평균속도벡터의 분 포와 같은 것을 확인 할 수 있다. 오른쪽의 그림은 실제 유체가 움직이는 현상을 속도벡터로 보여준 것으로 흡입관에서 유체가 빨려들어 오는 현상을 확인 할 수 있다. 입구에서 들어오는 유체와 흡입관에서 들어오는 유체가 만나는 부분인 주관 부의 중앙부분에서 와류가 일어나는 것을 볼 수 있다. 이 현상 또한 입구에서의 나가는 유체와 출구에서의 압력이 서로 관성이 작용하여 생기는 와류현상으로 (b) 에서 보다 입구 쪽에 가까운 부분에서 와류가 생성되고, 와류현상이 더 많이 나타 나는 것을 확인 할 수 있다. 이것은 구동관로의 직경이 커지면서 구동관로에서 주 관부로 유체가 나올 때 유체에 상대적으로 압력이 증가하면서 유체의 속도가 작아 져서 이러한 유동현상이 나타나는 것으로 생각된다. 평균속도벡터에서 유동현상을 확실히 보기 위해 보정한 왼쪽 그림을 보면 주관부에의 와류현상이 일어나는 것을 확인 할 수 없다. 이것은 평균속도벡터를 나타내는 것이기 때문에 와류현상은 실 제 유체의 유동에서는 크게 발생하지 않으나 1 : 1.86에서는 와류의 발생 현상이 나타나는 것을 볼 수 있다. 이는 구동관로가 커짐에 따라 구동관로에서 유체 나올 때 주관부에서 압력이 많이 발생하여 속도가 줄어들어 생기는 현상으로 생각된다. 그리고 출구에서 유체의 유동분포는 중앙으로 흐르는 것을 확인 할 수 있고, 전체 적인 PIV의 평균속도분포는 CFD에서의 평균속도벡터의 분포와 같은 것을 확인 할 수 있다.

분사펌프를 CFD에서 구동관로에 대한 확대관로의 각각의 직경비와 속도변화,

구동관로의 끝단의 위치를 분석하여 효율이 가장 좋은 1 : 3.21에서 구동관로의 끝단의 위치가 1.333, 1 : 2.25에서 구동관로의 끝단의 위치가 1.213, 1 : 1.86에서 구동관로의 끝단의 위치가 1.333인 분사펌프를 입구속도를 1 m/s로 하여 PIV를 실험하여 보았는데, CFD 유동현상과 PIV 유동현상이 일치하는 것을 확인 할 수 있었고, 구동관로의 직경이 커짐에 따라 와류현상이 크게 발생되어 효율이 떨어지 는 것을 확인 할 수 있었다. 이는 CFD 결과에서도 구동관로의 크기가 커짐에 따 라 안좋은 효율의 결과를 얻을 수 있었다. 이 결과로 CFD 결과는 실제 PIV실험 과 일치하는 것을 확인 할 수 있었다.







Fig. 4-31 Mean Velocity Vector by PIV

Fig. 4-32는 PIV실험을 분석한 운동에너지 값이다. 그림에서 보면 흡입관에서 의 운동에너지 값은 크게 나타나는 것으로 보인다. 이것은 흡입관에서 흡이 잘되 고 있다는 것을 의미한다. 흡입관에서의 운동에너지는 (a) 1 : 3.21에서 가장 높게 나타나는 것을 확인 할 수 있고, (b) 1 : 2.25, (c) 1 : 1.86 순으로 높게 나타난다. 그래서 (a) 1 : 3.21에서 흡인이 가장 좋을 것을 알 수 있다. 주관부에서는 (a) 1 : 3.21에서 운동에너지가 가장 작게 나오고, (b) 1 : 2.25, (c) 1 : 1.86 순으로 크게 나타난다. 운동에너지가 높다는 말은 입자의 운동이 활발하게 이루어진 다는 의미 로 볼 수 있다. 이것을 다른 말로 하면 와류의 속도가 높다는 의미로 해석 할 수 있다. Fig. 4-33에서 이 말을 뒷받침할 수 있다. 흡입관에서 난류 크기를 보면 흡 입관과 주관부가 만나는 부분에서 난류가 갑자기 증가하는 것을 볼 수 있다. 이는 흡인되는 유체와 주관부의 유체가 만나면서 생기는 현상인 것을 알 수 있다. 주관 부에서의 난류가 크다는 의미는 손실양이 많다는 것으로 판단 할 수 있다. (a) 1: 3.21에서 난류의 분포가 가장 적게 나타나는 것이 확인되고, (b) 1 : 2.25, (c) 1 : 1.86 순으로 크게 나타난다. 이것은 PIV의 속도벡터 분포도와 CFD의 결과 값과 동일한 결과를 볼 수 있다.

제5장 유량효율

Fig. 4-1 은 흡입관부의 각도 변화와 입구조건의 유량변화에 따라 출구유량의 비를 무차원화 시켜 유량효율을 나타낸 것이다.

입구유량의 조건 , , 일 때, 흡입 관부 각도가 45°인 경우에의 이유량호율유 Q2 = 0:0009 kg/s·Q3 = 0.001 kg/s, 흡입관부 각도가 60°인 경우에 · , , = 2.08 값으로 이었으며, 흡 게1 = 2.08 값으로 이었으며, 흡 기2 = 2.07 개3 = 2.3 이었다. 따라서 각도 가 작을수록 같은 유량이 부여하였을 때, 유량효율 가 차 높은⁷³값을 같는 흡입관 부 각도는 45°였으며, 입구조건의 유량율 증가 차 길 약로록 확 단는 개빨라 차 약4 흡입관부 에 흡입되는 유량은 더 높아짐을 확인할 수 있었다.



제6장 결론

최적설계구현을 위해 CFD를 이용하여 흡입관로의 각도를 변화시켜가면서 평균속 도, 정압력분포, 전압력분포, 난류운동에너지, 난류점도 을 비교, 분석 및 고찰하여 다음과 같은 결론을 내렸다.

(1) 90° 일 경우 난류점도의 영향이 흡입관로에 걸쳐 확대관로 까지 분포되었음
 을 볼 수 있었는데, 이는 유체를 흡입할 경우 영향을 미쳐 유량효율을 떨치는 결과
 를 라고 생각된다.

(2) 정압력분포는 분지관의 라운딩 처리된 부분에서 음압이 발생되는 것을 알 수 있는데 흡입관로에서 확대관로로 유체가 흡입되어 질 때, 속도 크기의 영향과 속도의 크기의 영향과 속도 방향의 변화로 인해 와류 부착점이 생성되는 것으로 사료된다

(3) 45° 일 경우에 정압력 분포의 특이점은 음의 값을 나타내고 있으며, 흡입속 도의 증가로 인한 와류의 형성이 커지고 있음을 확인할 때, 차후 속도조건에 대한 흡입관로에 대한 곡률의 설계조건도 고려되어야할 중요한 사항이라고 사료된다.

(4) 난류 운동에너지가 증가할 때 소산 값 또한 증가하게 되어 에너지 손실이 초 래되고 있음을 확인할 수 있었으며, 이러한 에너지손실은 내부에너지로 변환되어 분자의 임의의 열적운동과 관계되므로 소산은 점성에 의한 식과 관련됨을 확인할 수 있다. 이러한 에너지 손실을 감소시키기 위해서는 난류 운동 에너지의 값이 커 지는 시점으로부터 노즐형상 및 최적위치를 찾아내어 이용하여 운동에너지 값을 줄이는 방법도 가능하리라 사료된다.

(5) 확대관로의 상 · 하 부분에서 속도 값이 차이가 발생함을 알 수 있는데, 이 러한 원인은 흡입관로가 각도 변화에 따른 흡인에 의한 영향으로 벽면 가까이의 속도 값은 반대쪽 속도 값보다 더 작은 값을 나타내지만, 벽면에서 멀어질수록 속 도벡터 값은 더 큰 값으로 회복됨으로서 유량의 효율을 증가시키고 있으며 이러한 현상은 흡입유량의 유속이가 증가함에 따라 회복구간의 폭 또한 증가됨을 알 수 있다.

(6) 분지관과 가까운 확대관로의 지점 y / D_h > 0.5에서 흡입의 영향으로 인한 전압력 분포값의 소멸정도는 반대 부분에 비해 작으나, 벽면에 가까워질수록, 속도 가 커질수록 음압이 발생하게 되는데, 이러한 원인은 흡입 되어진 유동이 벽면 전 단력에 의해 와류의 발생을 야기 시켰기 때문에 발생된 것이라 생각되며, 이러한 현상은 유량의 효율을 저하시키는 원인이 되므로, 구동관로를 빠져 나온 후, 적정 한 위치를 선정하여 확대관로에 노즐형상을 구현하여 유량손실을 최소화 할 수 있 으리라 생각된다.

REFERENCE

1. Chen, F. C., Hsu, C. T., "Performance of ejector heat pumps", Energy Research, Vol. 11, pp.289~300, 1987.

- Fluegel, G., March/April, Berechung von strahlapparaten, VDI Forschungsheft 395 Ausgabe B Band 10, 1939.
- Sun, D.W, and Eames, I.E., "Recent developments in the design the -oreis and applications of Ejectors-a review" Journal of the Institute Energy, Vol. 68, June, pp.665~676, 1995.

4. Witte, J.h., Efficiency and design of liquid-gas ejector, British - ch emical Engineering, Vol. 10, No. 9, pp. 602~607, 1995.

- Biswas, M.N., and Mitra, A.K., Momentum Transfer in a Horizontal multi-Jet liquid-gas ejector, The Canadian Journal of Chemical Engineering. Vol. 59, pp. 634~637, 1989.
- 이행남, 박길문, 이덕구, "90° 분기덕트에서 분기부의 내 · 외벽의 압력분 포", 대한설비공학회, pp. 115~119, 2002.
- 7. 이행남, 박길문, 이덕구, "PIV 기법을 이용한 분기사각덕트내의 유동특성
 에 관한 실험적 연구"한국박용기관학회 논문집, 25권 6호, 2001.
- 이행남, 박길문, 박지만, 이덕구, 설재림, "PIV와 CFD를 의한 Ejector 내 의 유동특성연구, 대한기계학회 추계학술대회 논문집, pp723~728, 2003.
- 9. 이영호, 조대환, 김미영, "PIV에 의한 기포붐의 기본성능특성에 관한 연 구", 한국해양환경공학회, pp, 47~53, 1997.
- 10. 윤석훈, 이원형, 전현필, "각종 이젝터를 이용한 진공냉각장치", 한국박

용기관학회지, pp. 229~304, 1995.

- 11. 최보규, 구병수, 김희동, 김덕줄, "추기 펌프형 아음속/음속 이젝터 유동 에 관한 수치해석적 연구"대한기계학회논문집 B권, 제25권 제2호, pp. 269~276, 2001
- 12. 최보규, 권오식, 김희동, "음속/초음속 이젝터 유동에 관한 실험적 연구"
 대한기계학회논문집 B권, 제26권 제5호, pp. 640~647, 2002.
- 13. 고상철, "LES에 의한 원관 내 난류의 유동해석" 한국박용기관학회지,
 제27권, 제3호, pp. 437~446, 2003.
- 14. 이상준, "PIV Velocity Field Measurement Techniques And Applicat ion" National Research Laboratory, POSTECH, 2002.
- 15. CDAK, "STAR-CD USER GUIDE", CDAK-KOREA, 2002

저작물 이용 허락서

학 과	기계공학과	학 번	20067061	과 정	석 사	
성명	주한끌사 효구현봉 천동 10 환문 : 高 玹 鍹 영문 : Go Hyun-Sun					
주 소						
연락처	E-MAIL : khs4708@naver.com					
논문제목	한글 : 경사진 흡입관이 부착된 분사펌프의 유동특성 목 영문 : Flow Characteristics a Jet Pump by Inclined Suction Pipe					

본인이 저작한 위의 저작물에 대하여 다음과 같은 조건아래 조선대학교가 저작물 을 이용할 수 있도록 허락하고 동의합니다.

- 다 음 -

- 1. 저작물의 DB구축 및 인터넷을 포함한 정보통신망에의 공개를 위한 저작물의 복제, 기억장치에의 저장, 전송 등을 허락함
- 2. 위의 목적을 위하여 필요한 범위 내에서의 편집·형식상의 변경을 허락함. 다만, 저작물의 내용변경은 금지함.
- 3. 배포·전송된 저작물의 영리적 목적을 위한 복제, 저장, 전송 등은 금지함.
- 저작물에 대한 이용기간은 5년으로 하고, 기간종료 3개월 이내에 별도의 의사표시가 없을 경우에는 저작물의 이용기간을 계속 연장함.
- 5. 해당 저작물의 저작권을 타인에게 양도하거나 또는 출판을 허락을 하였을 경우에는 1개월 이내에 대학에 이를 통보함.
- 조선대학교는 저작물의 이용허락 이후 해당 저작물로 인하여 발생하는 타인에 의한 권리 침해에 대하여 일체의 법적 책임을 지지 않음
- 소속대학의 협정기관에 저작물의 제공 및 인터넷 등 정보통신망을 이용한 저작물의 전송·출력을 허락함.

2007 년 6 월 11 일

저작자 : 고 현 선 ①

조선대학교 총장 귀하